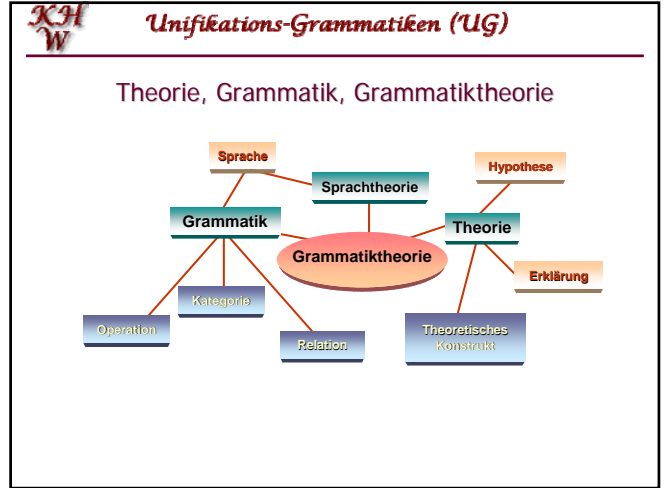


Grammatik als Deduktionssystem

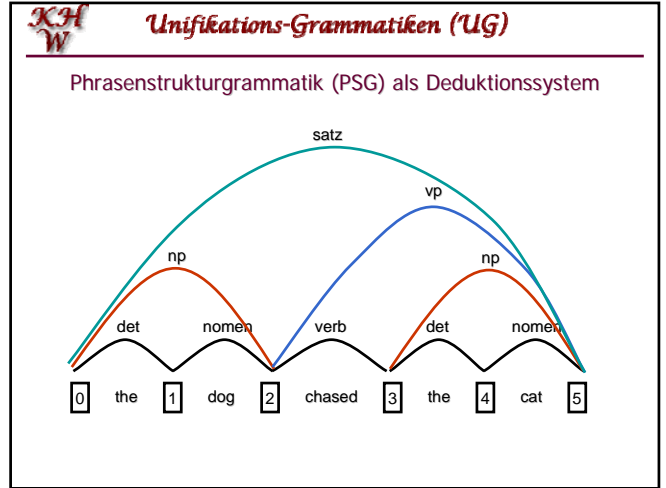


Unifikations-Grammatiken (UG)

Grundbegriffe: Theorie und Wissenschaftssprache 1

Bei der Theoriebildung müssen grundsätzlich drei Aspekte unterschieden werden:

- ▶ Der **Objektbereich**, der durch eine Theorie erklärt oder durch ein Modell modelliert werden soll. Dieser ist immer schon im Sinne eines **Formalobjektes** zu verstehen.
- ▶ Die **Theorie** selbst, die den Objektbereich beschreibt und erklärt. Der gleiche Objektbereich kann durch unterschiedliche Theorien erklärt werden.
- ▶ Die **Sprache**, in der eine Theorie ausgedrückt wird.
 - Die gleiche Theorie kann gegebenenfalls durch unterschiedliche Sprachen ausgedrückt werden.
 - Ausdrücke aus verschiedenen Sprachen sind dann ineinander übersetzbar.



Unifikations-Grammatiken (UG)

PSG als Deduktionssystem 1

det(0, 1)
 nomen(1, 2)
 verb(2, 3)
 det(3, 4)
 nomen(4, 5)
 np(0, 2)
 np(3, 5)
 vp(2, 5)
 satz(0, 5)

Zwischen 0 und 1 liegt ein **det** - oder
 Was zwischen 0 und 1 liegt, ist ein **det**
 det(0, 1)

Unifikations-Grammatiken (UG)

PSG als Deduktionssystem 2

det(0, 1)
 nomen(1, 2)
 verb(2, 3)
 det(3, 4)
 nomen(4, 5)

Zwischen p_0 und p liegt ein **np**, falls es ein p_1 gibt derart, dass zwischen p_0 und p_1 ein **det** liegt und zwischen p_1 und p ein **nomen**.
 $np(p_0, p) \leftarrow det(p_0, p_1), nomen(p_1, p)$
 $vp(p_0, p) \leftarrow verb(p_0, p_1), np(p_1, p)$
 $np(p_0, p) \leftarrow det(p_0, p_1), noun(p_1, p)$
 $satz(p_0, p) \leftarrow np(p_0, p_1), vp(p_1, p)$

Unifikations-Grammatiken (UG)

PSG als Deduktionssystem 3

$\text{satz}(p_0, p) \leftarrow \text{np}(p_0, p_1), \text{vp}(p_1, p)$
 $p_0 = 0 \quad p = 5$
 $\text{satz}(0, 5) \leftarrow \text{np}(0, p_1), \text{vp}(p_1, 5)$

$\text{np}(0, p_1)$
 $\text{vp}(p_1, 5)$

Behauptung: Zwischen 0 und 5 liegt ein satz.
 $\text{np}(p_0, p) \leftarrow \text{det}(p_0, p_1), \text{nomen}(p_1, p)$
 $\text{vp}(p_0, p) \leftarrow \text{verb}(p_0, p_1), \text{np}(p_1, p)$
 $\text{satz}(p_0, p) \leftarrow \text{np}(p_0, p_1), \text{vp}(p_1, p)$
 $\text{det}(0, 1) \quad \text{verb}(2, 3) \quad \text{nomen}(4, 5)$
 $\text{nomen}(1, 2) \quad \text{det}(3, 4)$

Unifikations-Grammatiken (UG)

PSG als Deduktionssystem 4

$\text{np}(p_0, p) \leftarrow \text{det}(p_0, p_1), \text{nomen}(p_1, p)$
 $\text{np}(x_0, x) \leftarrow \text{det}(x_0, x_1), \text{nomen}(x_1, x)$
 $x_0 = 0 \quad x = p_1$
 $\text{np}(0, p_1) \leftarrow \text{det}(0, x_1), \text{nomen}(x_1, p_1)$

$\text{np}(0, p_1)$
 $\text{vp}(p_1, 5)$
 $\text{det}(0, x_1)$
 $\text{nomen}(x_1, p_1)$
 $\text{vp}(p_1, 5)$

Behauptung: Zwischen 0 und 5 liegt ein satz.
 $\text{np}(p_0, p) \leftarrow \text{det}(p_0, p_1), \text{nomen}(p_1, p)$
 $\text{vp}(p_0, p) \leftarrow \text{verb}(p_0, p_1), \text{np}(p_1, p)$
 $\text{satz}(p_0, p) \leftarrow \text{np}(p_0, p_1), \text{vp}(p_1, p)$
 $\text{det}(0, 1) \quad \text{verb}(2, 3) \quad \text{nomen}(4, 5)$
 $\text{nomen}(1, 2) \quad \text{det}(3, 4)$

Unifikations-Grammatiken (UG)

PSG als Deduktionssystem 5

$\text{det}(0, 1)$
 $\text{nomen}(1, p_1)$
 $\text{vp}(p_1, 5)$
 $x_1 = 1$
 $\text{nomen}(1, p_1)$
 $\text{vp}(p_1, 5)$

Behauptung: Zwischen 0 und 5 liegt ein satz.
 $\text{np}(p_0, p) \leftarrow \text{det}(p_0, p_1), \text{nomen}(p_1, p)$
 $\text{vp}(p_0, p) \leftarrow \text{verb}(p_0, p_1), \text{np}(p_1, p)$
 $\text{satz}(p_0, p) \leftarrow \text{np}(p_0, p_1), \text{vp}(p_1, p)$
 $\text{det}(0, 1) \quad \text{verb}(2, 3) \quad \text{nomen}(4, 5)$
 $\text{nomen}(1, 2) \quad \text{det}(3, 4)$

Unifikations-Grammatiken (UG)

PSG als Deduktionssystem 6

$\text{nomen}(1, 2)$
 $\text{vp}(2, 5)$
 $\text{nomen}(1, 2)$
 $p_1 = 2$
 $\text{vp}(2, 5)$

Behauptung: Zwischen 0 und 5 liegt ein satz.
 $\text{np}(p_0, p) \leftarrow \text{det}(p_0, p_1), \text{nomen}(p_1, p)$
 $\text{vp}(p_0, p) \leftarrow \text{verb}(p_0, p_1), \text{np}(p_1, p)$
 $\text{satz}(p_0, p) \leftarrow \text{np}(p_0, p_1), \text{vp}(p_1, p)$
 $\text{det}(0, 1) \quad \text{verb}(2, 3) \quad \text{nomen}(4, 5)$
 $\text{nomen}(1, 2) \quad \text{det}(3, 4)$

Unifikations-Grammatiken (UG)

PSG als Deduktionssystem 7

$\text{vp}(p_0, p) \leftarrow \text{verb}(p_0, p_1), \text{np}(p_1, p)$
 $\text{vp}(y_0, y) \leftarrow \text{verb}(y_0, y_1), \text{np}(y_1, y)$
 $y_0 = 2 \quad y = 5$
 $\text{vp}(2, 5) \leftarrow \text{verb}(2, y_1), \text{np}(y_1, 5)$

$\text{vp}(2, 5)$
 $\text{verb}(2, y_1)$
 $\text{np}(y_1, 5)$

Behauptung: Zwischen 0 und 5 liegt ein satz.
 $\text{np}(p_0, p) \leftarrow \text{det}(p_0, p_1), \text{nomen}(p_1, p)$
 $\text{vp}(p_0, p) \leftarrow \text{verb}(p_0, p_1), \text{np}(p_1, p)$
 $\text{satz}(p_0, p) \leftarrow \text{np}(p_0, p_1), \text{vp}(p_1, p)$
 $\text{det}(0, 1) \quad \text{verb}(2, 3) \quad \text{nomen}(4, 5)$
 $\text{nomen}(1, 2) \quad \text{det}(3, 4)$

Unifikations-Grammatiken (UG)

PSG als Deduktionssystem 8

$\text{verb}(2, 3)$
 $\text{np}(3, 5)$
 $\text{verb}(2, 3)$
 $y_1 = 3$
 $\text{np}(3, 5)$

Behauptung: Zwischen 0 und 5 liegt ein satz.
 $\text{vp}(p_0, p) \leftarrow \text{verb}(p_0, p_1), \text{np}(p_1, p)$
 $\text{satz}(p_0, p) \leftarrow \text{np}(p_0, p_1), \text{vp}(p_1, p)$
 $\text{det}(0, 1) \quad \text{verb}(2, 3) \quad \text{nomen}(4, 5)$
 $\text{nomen}(1, 2) \quad \text{det}(3, 4)$

Unifikations-Grammatiken (UG)

PSG als Deduktionssystem 9

$np(p_0, p) \leftarrow det(p_0, p_1), nomen(p_1, p)$
 $np(z_0, z) \leftarrow det(z_0, z_1), nomen(z_1, z)$
 $z_0 = 3 \quad z = 5$
 $np(3, 5) \leftarrow det(3, z_1), nomen(z_1, 5)$

$det(3, z_1)$
 $nomen(z_1, 5)$

Behauptung: Zwischen 0 und 5 liegt ein satz.

$np(p_0, p) \leftarrow det(p_0, p_1), nomen(p_1, p)$
 $vp(p_0, p) \leftarrow verb(p_0, p_1), np(p_1, p)$
 $satz(p_0, p) \leftarrow np(p_0, p_1), vp(p_1, p)$
 $det(0, 1) \quad verb(2, 3) \quad nomen(4, 5)$
 $nomen(1, 2) \quad det(3, 4)$

Unifikations-Grammatiken (UG)

PSG als Deduktionssystem 10

$det(3, 4)$
 $nomen(4, 5)$

$nomen(4, 5)$

Behauptung: Zwischen 0 und 5 liegt ein satz.

$np(p_0, p) \leftarrow det(p_0, p_1), nomen(p_1, p)$
 $vp(p_0, p) \leftarrow verb(p_0, p_1), np(p_1, p)$
 $satz(p_0, p) \leftarrow np(p_0, p_1), vp(p_1, p)$
 $det(0, 1) \quad verb(2, 3) \quad nomen(4, 5)$
 $nomen(1, 2) \quad det(3, 4)$

Unifikations-Grammatiken (UG)

PSG als Deduktionssystem 11

$nomen(4, 5)$

Behauptung: Zwischen 0 und 5 liegt ein satz.

$np(p_0, p) \leftarrow det(p_0, p_1), nomen(p_1, p)$
 $vp(p_0, p) \leftarrow verb(p_0, p_1), np(p_1, p)$
 $satz(p_0, p) \leftarrow np(p_0, p_1), vp(p_1, p)$
 $det(0, 1) \quad verb(2, 3) \quad nomen(4, 5)$
 $nomen(1, 2) \quad det(3, 4)$

Unifikations-Grammatiken (UG)

Termunifikation

- Wenn es bei einer Ableitung darum geht, zu beweisen, dass beispielsweise $np(0,2)$ gilt, muss gezeigt werden, dass es eine Regel (ein Axiom) gibt, die auf diesen Fall anwendbar ist. Eine solche Regel ist z.B. $np(p_0, p) \leftarrow det(p_0, p_1), nomen(p_1, p)$. Damit die Regel jedoch angewandt werden kann, muss eine weitere Bedingung erfüllt sein.
- Die syntaktischen Grundbausteine eines Logikprogramms (eine PSG kann als ein Logikprogramm interpretiert werden) heißen **Terme**. Der Ausdruck $np(0,2)$ z.B. ist ein Term.
- Die Bestandteile, aus denen die Regel zusammengesetzt ist, also $np(p_0, p)$, $det(p_0, p_1)$, und $nomen(p_1, p)$ sind ebenfalls Terme.
- Die Regel als Ganzes ist ebenfalls ein Term, wenn auch in einer speziellen Form.

Unifikations-Grammatiken (UG)

Termunifikation: Term

- Es können **einfache** und **komplexe** (zusammengesetzte) Terme unterschieden werden.
- Ein einfacher Term ist entweder eine **Konstante**, oder eine **Variable**. Die Ziffern 0 und 1 in $np(0,2)$ sind Konstante. Die Buchstaben p_0 und p in $np(p_0, p)$ sind Variable. Variable sind Platzhalter für andere Terme.
- Komplexe Terme heißen **Strukturen**. Sie bestehen aus einem **Funktor** und einer beliebigen Anzahl von **Argumenten**, die ihrerseits wieder Terme sind. Man spricht daher von **Funktor-Argumentstrukturen**. Der komplexe Term $np(p_0, p)$ ist eine solche Struktur.

Unifikations-Grammatiken (UG)

Termunifikation: komplexe Terme

$satz(nominalphrase, verbalphrase)$
 ↑ ↑ ↑
 Funktor Argument Argument

Die Argumente einer Struktur sind selbst Terme im allgemeinen Sinn, d.h. es können auch Strukturen sein, z.B.:

$satz(np(det, nomen), vp(verb, np))$
 ↑ ↑ ↑
 Funktor Argument Argument

Unifikations-Grammatiken (UG)

Termunifikation: komplexe Strukturen

The diagram illustrates the unification of two complex structures. The first structure is $\text{satz}(\text{np}(\text{det}, \text{nomen}), \text{vp}(\text{verb}, \text{np}))$. The second structure is $\text{vp}(\text{verb}, \text{np})$. Arrows point from the labels 'Funktork' and 'Argument' to the corresponding parts of the structures. For the first structure, 'Funktork' points to 'satz', 'Argument' points to 'np(det,nomen)', and another 'Argument' points to 'vp(verb,np)'. For the second structure, 'Funktork' points to 'vp', and 'Argument' points to 'np'. This shows how the second structure is a sub-structure of the first.

Unifikations-Grammatiken (UG)

Termunifikation: Regeln

Regeln wie $\text{np}(p_0, p) \leftarrow \text{det}(p_0, p_1), \text{nomen}(p_1, p)$ weisen eine besondere Struktur auf, eine **Operand – Operator – Operand-Struktur**. Terme wie $\text{np}(p_0, p)$ sind Operanden, \leftarrow (=falls) und $,$ (= und) sind Operatoren. Der Term, der links des Operators \leftarrow steht, wird **Kopf** genannt. Was rechts davon steht, heißt **Rumpf**.

Damit eine Regel wie $\text{np}(p_0, p) \leftarrow \text{det}(p_0, p_1), \text{nomen}(p_1, p)$ auf einen Term wie $\text{np}(0, 2)$ angewandt werden kann, ist Voraussetzung, dass dieser Term und der Regelkopf in Übereinstimmung gebracht werden kann. Dies geschieht durch geeignete **Substitution** von der Variablen durch andere Terme, z.B. Konstante.

Unifikations-Grammatiken (UG)

Termunifikation: Substitution

Im konkreten Fall müsste die Variable p_0 durch die Konstante 0 und die Variable p durch die Konstante 2 ersetzt werden, und zwar überall wo diese Variablen im Ausdruck vorkommen.

Damit geht die Regel $\text{np}(p_0, p) \leftarrow \text{det}(p_0, p_1), \text{nomen}(p_1, p)$ über in $\text{np}(0, 2) \leftarrow \text{det}(0, p_1), \text{nomen}(p_1, 2)$.

Für die Ersetzung einer Variablen v_i durch einen Term t_i schreibt man v_i/t_i , z.B. $p_0/0$.

Eine **Substitution** ist eine Menge von solchen Ersetzungen $\{v_1/t_1, v_2/t_2 \dots v_i/t_i\}$ im konkreten Fall also $\{p_0/0, p/2\}$.

Durch die Anwendung einer Substitution auf einen Term entsteht ein neuer Term, in dem alle nach der Substitution möglichen Ersetzungen vorgenommen worden sind.

$\text{np}(p_0, p) \{p_0/0, p/2\} = \text{np}(0, 2)$.

Unifikations-Grammatiken (UG)

Termunifikation: Unifikation

Unter Term-Unifikation versteht man grob gesagt eine Operation durch die zwei Terme durch eine Substitution gleich gemacht (unifiziert) werden.

Die Terme $\text{np}(p_0, p)$ und $\text{np}(0, p_1)$ beispielsweise werden durch die Substitution $\{p_0/0, p/p_1\}$ gleich gemacht, denn es gilt:

$\text{np}(p_0, p) \{p_0/0, p/p_1\} = \text{np}(0, p_1) \{p_0/0, p/p_1\} = \text{np}(0, p_1)$.

Damit komplexe Terme (Strukturen) unifiziert werden können, ist Voraussetzung, dass die Funktoren identisch sind, die Zahl der Argumente gleich ist und die Argumente paarweise unifizierbar sind.