

Lexikalisch Funktionale Grammatik

Lexikalisch-Funktionale Grammatik

- Subsumption
- Unifikation
- Von der K-Struktur zur F-Struktur

UnifikationsGrammatiken (UG)

Pfade: Funktionen von Funktionen

sah die Frau

$f_1 = \begin{bmatrix} \text{TENSE} & \text{PRÄT} \\ \text{OBJ} & \text{PRED} \end{bmatrix}$ $f_2 = \begin{bmatrix} \text{DET} & \text{DEF} \\ \text{NUM} & \text{SG} \\ \text{GEN} & \text{FEM} \\ \text{CASE} & \text{NOM} \end{bmatrix}$

$\begin{bmatrix} \text{PRED} & \text{'Frau'} \\ \text{'seh' }(\uparrow \text{SUBJ})(\uparrow \text{OBJ}) \end{bmatrix}$

$f_1(\text{OBJ}) = f_2$ $f_2(\text{CASE}) = \text{NOM}$ $f_1(\text{OBJ})\text{CASE} = \text{NOM}$

UnifikationsGrammatiken (UG)

Pfade: Funktionen von Funktionen

sah die Frau

$f_1 = \begin{bmatrix} \text{TENSE} & \text{PRÄT} \\ \text{OBJ} & \text{PRED} \end{bmatrix}$ $f_2 = \begin{bmatrix} \text{PRED} & \text{'Frau'} \\ \text{DET} & \text{DEF} \\ \text{NUM} & \text{SG} \\ \text{GEN} & \text{FEM} \\ \text{CASE} & \text{NOM} \end{bmatrix}$

$\begin{bmatrix} \text{PRED} & \text{'seh' }(\uparrow \text{SUBJ})(\uparrow \text{OBJ}) \end{bmatrix}$

$f_1(\text{OBJ}) = f_2$ $f_2(\text{CASE}) = \text{NOM}$ $f_1(\text{OBJ})\text{CASE} = \text{NOM}$

UnifikationsGrammatiken (UG)

Merkmalstrukturen als gerichtete azyklische Graphen

sah die Frau

$f_1 = \begin{bmatrix} \text{TENSE} & \text{PRÄT} \\ \text{OBJ} & \text{PRED} \end{bmatrix}$ $f_2 = \begin{bmatrix} \text{DET} & \text{DEF} \\ \text{NUM} & \text{SG} \\ \text{GEN} & \text{FEM} \\ \text{CASE} & \text{NOM} \end{bmatrix}$

$\begin{bmatrix} \text{PRED} & \text{'seh' }(\uparrow \text{SUBJ})(\uparrow \text{OBJ}) \end{bmatrix}$

UnifikationsGrammatiken (UG)

Merkmalstrukturen als gerichtete azyklische Graphen

sah die Frau

$f_1 = \begin{bmatrix} \text{TENSE} & \text{PRÄT} \\ \text{OBJ} & \text{PRED} \end{bmatrix}$ $f_2 = \begin{bmatrix} \text{DET} & \text{DEF} \\ \text{NUM} & \text{SG} \\ \text{GEN} & \text{FEM} \\ \text{CASE} & \text{NOM} \end{bmatrix}$

$\begin{bmatrix} \text{PRED} & \text{'seh' }(\uparrow \text{SUBJ})(\uparrow \text{OBJ}) \end{bmatrix}$

UnifikationsGrammatiken (UG)

F-Strukturen: Pfade

$f_1 = \begin{bmatrix} \text{SUBJ} & \begin{bmatrix} \text{DET} & \text{DEF} \\ \text{PRED} & \text{'MANN'} \end{bmatrix} \\ \text{PRED} & \text{'GLAUB' }(\text{SUBJ})(\text{COMP}) \end{bmatrix}$

$f_2 = \begin{bmatrix} \text{SUBJ} & \begin{bmatrix} \text{DET} & \text{DEF} \\ \text{PRED} & \text{'MARIA'} \end{bmatrix} \\ \text{PRED} & \text{'LÜG' }(\text{SUBJ}) \end{bmatrix}$

$(f_1, \text{COMP}) =$
 $(f_1, \text{COMP SUBJ}) =$
 $(f_1, \text{COMP SUBJ PRED}) =$ 'MARIA'

$(f_1, \text{COMP PRED}) =$
 $(f_1, \text{COMP SUBJ DET}) =$

Lexikalisch Funktionale Grammatik

UnifikationsGrammatiken (UG)

F-Strukturen: Pfade

$f = \begin{bmatrix} f & v \\ a & \begin{bmatrix} h & w \\ g & \begin{bmatrix} i & \begin{bmatrix} j & x \\ k & z \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix} \\ b & \begin{bmatrix} m & v1 \\ n & v2 \end{bmatrix} \\ c & \begin{bmatrix} p & w1 \\ q & w2 \end{bmatrix} \end{bmatrix}$

Durch welche Pfade werden die folgenden Werte selektiert?

w:
x:
v1:
w2:

◀◀◀▶▶

UnifikationsGrammatiken (UG)

F-Strukturen: Pfade

$f = \begin{bmatrix} f & v \\ a & \begin{bmatrix} h & w \\ g & \begin{bmatrix} i & \begin{bmatrix} j & x \\ k & z \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix} \\ b & \begin{bmatrix} m & v1 \\ n & v2 \end{bmatrix} \\ c & \begin{bmatrix} p & w1 \\ q & w2 \end{bmatrix} \end{bmatrix}$

Welche Werte werden durch die folgenden Pfade selektiert?

(f b):
(f a g i):
(f b n):
(f c p):
(f a i k):

◀◀◀▶▶

UnifikationsGrammatiken (UG)

Subsumption

- Eine F-Struktur f_i subsumiert eine andere F-Struktur f_j : $f_i \sqsubseteq f_j$, wenn alle Attribut-Wert-Paare in f_i auch in f_j sind, und f_i und f_j keine inkompatiblen Paare enthalten, d.h. die Werte gleicher Attribute müssen gleich sein.
- sei $f_1 = [\text{NUM SG}]$ und $f_2 = \begin{bmatrix} \text{NUM} & \text{SG} \\ \text{GEN} & \text{MASK} \end{bmatrix}$ dann gilt $f_1 \sqsubseteq f_2$
- seit
 $f_1 = \begin{bmatrix} \text{NUM} & \text{SG} \\ \text{GEN} & \text{MASK} \end{bmatrix}$ und $f_2 = \begin{bmatrix} \text{NUM} & \text{PL} \\ \text{GEN} & \text{MASK} \end{bmatrix}$
- dann gilt $f_1 \not\sqsubseteq f_2$

◀◀◀▶▶

UnifikationsGrammatiken (UG)

Subsumption

(1) $\begin{bmatrix} \text{NUM} & \text{SG} \\ \text{PERS} & 2 \end{bmatrix}$	(2) $\begin{bmatrix} \text{NUM} & \text{SG} \\ \text{PERS} & 2 \\ \text{GEN} & \text{MASK} \end{bmatrix}$
(3) $\begin{bmatrix} \text{NUM} & \text{SG} \\ \text{PERS} & 3 \\ \text{GEN} & \text{MASK} \end{bmatrix}$	(4) $\begin{bmatrix} \text{NUM} & \text{PL} \\ \text{PERS} & 3 \\ \text{GEN} & \text{MASK} \end{bmatrix}$
(5) $\begin{bmatrix} \text{NUM} & \text{PL} \\ \text{PERS} & 3 \end{bmatrix}$	(6) $\begin{bmatrix} \text{DET} & \text{DEF} \\ \text{CASE} & \text{NOM} \\ \text{GEN} & \text{FEM} \end{bmatrix}$

◀◀◀▶▶

UnifikationsGrammatiken (UG)

Unifikation von F-Strukturen

- Die Unifikation $f_k = f_i \sqcup f_j$ ist die allgemeinste F-Struktur für die gilt $f_i \sqsubseteq f_k \wedge f_j \sqsubseteq f_k$, d.h. die Struktur, die sowohl f_i als auch f_j subsumiert.
- Beispiel: sei

$f_1 = \begin{bmatrix} \text{NUM} & \text{SG} \\ \text{GEN} & \text{MASK} \end{bmatrix}$ und $f_2 = \begin{bmatrix} \text{NUM} & \text{SG} \\ \text{CASE} & \text{AKK} \\ \text{DET} & \text{DEF} \end{bmatrix}$

dann gilt $f_1 \sqcup f_2 = \begin{bmatrix} \text{NUM} & \text{SG} \\ \text{CASE} & \text{AKK} \\ \text{DET} & \text{DEF} \\ \text{GEN} & \text{MASK} \end{bmatrix}$

◀◀◀▶▶

UnifikationsGrammatiken (UG)

Unifikation von F-Strukturen

$\begin{bmatrix} \text{SUBJ} & \boxed{\text{}} \\ \text{PRED} & \text{kick}((\uparrow \text{SUBJ})(\uparrow \text{OBJ})) \\ \text{OBJ} & \boxed{\text{}} \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} \text{SUBJ} & \begin{bmatrix} \text{DET} & \text{DEF} \\ \text{NUM} & \text{SG} \\ \text{PRED} & \text{'John'} \end{bmatrix} \\ \text{PRED} & \text{'kick'}((\uparrow \text{SUBJ})(\uparrow \text{OBJ})) \\ \text{OBJ} & \begin{bmatrix} \text{DET} & \text{INDEF} \\ \text{NUM} & \text{SG} \\ \text{PRED} & \text{'ball'} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$
---	---

◀◀◀▶▶

Lexikalisch Funktionale Grammatik

UnifikationsGrammatiken (UG)

Von der K-Struktur zur F-Struktur: Annotationen

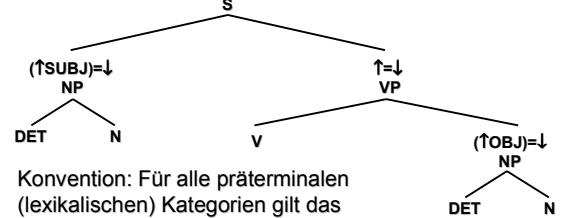
$S \rightarrow NP \quad VP$
 $(\uparrow SUBJ)=\downarrow \quad \uparrow=\downarrow$
 $VP \rightarrow V \quad (NP) \quad (NP) \quad PP^* \quad (S')$
 $(\uparrow OBJ)=\downarrow \quad (\uparrow OBJ2)=\downarrow \quad (\uparrow \downarrow CASE)=\downarrow \quad (\uparrow COMP)=\downarrow$
 $NP \rightarrow (Det) \quad N \quad (PP)$
 $(\uparrow ADJUNCT)=\downarrow$
 $PP \rightarrow P \quad NP$
 $(\uparrow OBJ)=\downarrow$
 $S' \rightarrow COMP \quad S$
 $\uparrow=\downarrow$



UnifikationsGrammatiken (UG)

Von der K-Struktur zur F-Struktur: Annotationen

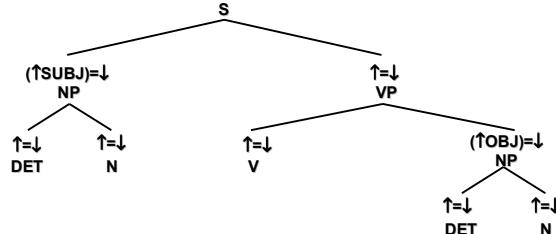
Der Junge bewunderte das Mädchen



UnifikationsGrammatiken (UG)

Von der K-Struktur zur F-Struktur: Annotationen

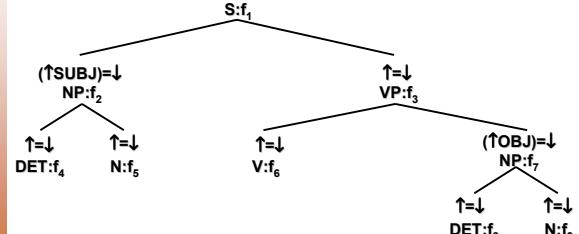
Der Junge bewunderte das Mädchen



UnifikationsGrammatiken (UG)

Von der K-Struktur zur F-Struktur: Annotationen

Der Junge bewunderte das Mädchen



UnifikationsGrammatiken (UG)

Von der K-Struktur zur F-Struktur: Lexikon

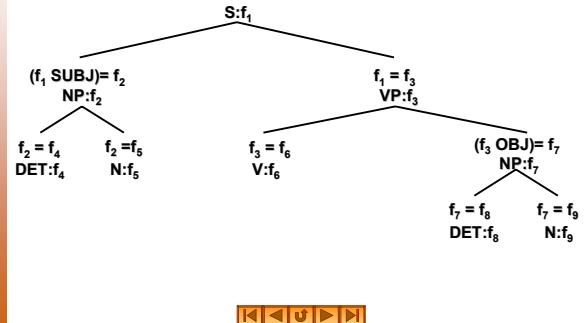
Lexikon:	der	DET	$(\uparrow DET) = DEF$
			$(\uparrow NUM) = SG$
			$(\uparrow GEN) = MASK$
			$(\uparrow CASE) = NOM$
	das	DET	$(\uparrow DET) = DEF$
			$(\uparrow NUM) = SG$
			$(\uparrow GEN) = NEUT$
			$(\uparrow CASE) = AKK$
	Junge	N	$(\uparrow PRED) = 'Junge'$
			$(\uparrow NUM) = SG$
			$(\uparrow GEN) = MASK$
			$(\uparrow CASE) = NOM$
	Mädchen	N	$(\uparrow PRED) = 'Mädchen'$
			$(\uparrow GEN) = NEUT$
	bewunderte	V	$(\uparrow PRED) = 'bewundern((\uparrow SUBJ)(\uparrow OBJ))'$
			$(\uparrow TENSE) = PRÄT$



UnifikationsGrammatiken (UG)

Von der K-Struktur zur F-Struktur: Annotationen

Der Junge bewunderte das Mädchen



Lexikalisch Funktionale Grammatik

UnifikationsGrammatiken (UG)

Von der K-Struktur zur F-Struktur: Beschreibung

$$\begin{aligned}
 f_1(\text{SUBJ}) &= f_2 \\
 f_1 &= f_3 \\
 (f_3(\text{OBJ})) &= f_7 \\
 f_3 &= f_4 \\
 (f_4(\text{DET})) &= \text{DEF} \\
 (f_4(\text{NUM})) &= \text{DEF} \\
 (f_4(\text{GEN})) &= \text{MASK} \\
 (f_4(\text{CASE})) &= \text{NOM}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 f_4 &= \begin{bmatrix} \text{DET} & \text{DEF} \\ \text{NUM} & \text{SG} \\ \text{GEN} & \text{MASK} \\ \text{CASE} & \text{NOM} \end{bmatrix} \\
 f_5 &= \begin{bmatrix} \text{PRED} & \text{'Junge'} \\ \text{NUM} & \text{SG} \\ \text{GEN} & \text{MASK} \\ \text{CASE} & \text{NOM} \end{bmatrix}
 \end{aligned}$$

$$f_2 = f_4 \sqcup f_5 = \begin{bmatrix} \text{PRED} & \text{'Junge'} \\ \text{NUM} & \text{SG} \\ \text{GEN} & \text{MASK} \\ \text{CASE} & \text{NOM} \\ \text{DET} & \text{DEF} \end{bmatrix}$$



UnifikationsGrammatiken (UG)

Von der K-Struktur zur F-Struktur: Beschreibung

$$\begin{aligned}
 f_4 &= \begin{bmatrix} \text{DET} & \text{DEF} \\ \text{NUM} & \text{SG} \\ \text{GEN} & \text{MASK} \\ \text{CASE} & \text{NOM} \end{bmatrix} \\
 f_5 &= \begin{bmatrix} \text{PRED} & \text{'Junge'} \\ \text{NUM} & \text{SG} \\ \text{GEN} & \text{MASK} \\ \text{CASE} & \text{NOM} \end{bmatrix} \\
 f_2 &= f_4 \sqcup f_5 = \begin{bmatrix} \text{PRED} & \text{'Junge'} \\ \text{NUM} & \text{SG} \\ \text{GEN} & \text{MASK} \\ \text{CASE} & \text{NOM} \\ \text{DET} & \text{DEF} \end{bmatrix}
 \end{aligned}$$



UnifikationsGrammatiken (UG)

Von der K-Struktur zur F-Struktur: Beschreibung

$$\begin{aligned}
 f_8 &= \begin{bmatrix} \text{DET} & \text{DEF} \\ \text{NUM} & \text{SG} \\ \text{GEN} & \text{NEUT} \\ \text{CASE} & \text{AKK} \end{bmatrix} \\
 f_9 &= \begin{bmatrix} \text{PRED} & \text{'Mädchen'} \\ \text{GEN} & \text{NEUT} \end{bmatrix} \\
 f_7 &= f_8 \sqcup f_9 = \begin{bmatrix} \text{PRED} & \text{'Mädchen'} \\ \text{DET} & \text{DEF} \\ \text{NUM} & \text{SG} \\ \text{GEN} & \text{NEUT} \\ \text{CASE} & \text{AKK} \end{bmatrix}
 \end{aligned}$$



UnifikationsGrammatiken (UG)

Von der K-Struktur zur F-Struktur: Beschreibung

$$\begin{aligned}
 f_7 &= \begin{bmatrix} \text{PRED} & \text{'Mädchen'} \\ \text{DET} & \text{DEF} \\ \text{NUM} & \text{SG} \\ \text{GEN} & \text{NEUT} \\ \text{CASE} & \text{AKK} \end{bmatrix} \\
 f_6 &= \begin{bmatrix} \text{PRED} & \text{'bewundern'} \\ \text{TENSE} & \text{PRÄT} \end{bmatrix} \\
 f_3 &= f_6 \sqcup [\text{OBJ } f_7] = \begin{bmatrix} \text{PRED} & \text{'bewundern'} \\ \text{TENSE} & \text{PRÄT} \\ \text{OBJ} & f_7 \end{bmatrix}
 \end{aligned}$$



UnifikationsGrammatiken (UG)

Von der K-Struktur zur F-Struktur: Beschreibung

$$\begin{aligned}
 f_7 &= \begin{bmatrix} \text{PRED} & \text{'Mädchen'} \\ \text{DET} & \text{DEF} \\ \text{NUM} & \text{SG} \\ \text{GEN} & \text{NEUT} \\ \text{CASE} & \text{AKK} \end{bmatrix} \\
 f_6 &= \begin{bmatrix} \text{PRED} & \text{'bewundern'} \\ \text{TENSE} & \text{PRÄT} \end{bmatrix} \\
 f_3 &= f_6 \sqcup [\text{OBJ } f_7] = \begin{bmatrix} \text{PRED} & \text{'bewundern'} \\ \text{TENSE} & \text{PRÄT} \\ \text{OBJ} & \begin{bmatrix} \text{PRED} & \text{'Mädchen'} \\ \text{DET} & \text{DEF} \\ \text{NUM} & \text{SG} \\ \text{GEN} & \text{NEUT} \\ \text{CASE} & \text{AKK} \end{bmatrix} \end{bmatrix}
 \end{aligned}$$



UnifikationsGrammatiken (UG)

Von der K-Struktur zur F-Struktur: Beschreibung

$$\begin{aligned}
 f_2 &= \begin{bmatrix} \text{PRED} & \text{'Junge'} \\ \text{NUM} & \text{SG} \\ \text{GEN} & \text{MASK} \\ \text{CASE} & \text{NOM} \\ \text{DET} & \text{DEF} \end{bmatrix} \\
 f_1 &= \begin{bmatrix} \text{SUBJ } f_2 \sqcup \text{OBJ } f_3 \\ \text{PRED} & \text{'bewundern'} \\ \text{TENSE} & \text{PRÄT} \end{bmatrix} \\
 f_1 &= \begin{bmatrix} \text{SUBJ } f_2 \sqcup \text{OBJ } f_3 \\ \text{PRED} & \text{'bewundern'} \\ \text{TENSE} & \text{PRÄT} \\ \text{OBJ} & \begin{bmatrix} \text{PRED} & \text{'Mädchen'} \\ \text{DET} & \text{DEF} \\ \text{NUM} & \text{SG} \\ \text{GEN} & \text{NEUT} \\ \text{CASE} & \text{AKK} \end{bmatrix} \end{bmatrix}
 \end{aligned}$$



Lexikalisch Funktionale Grammatik

<i>UnifikationsGrammatiken (UG)</i>																													
Von der K-Struktur zur F-Struktur: Beschreibung																													
$f_1 = [SUBJ \ f_2] \sqcup f_3 =$	<table border="1"> <tr> <td>SUBJ</td><td> <table border="1"> <tr><td>PRED</td><td>'Junge'</td></tr> <tr><td>DET</td><td>DEF</td></tr> <tr><td>NUM</td><td>SG</td></tr> <tr><td>GEN</td><td>MASK</td></tr> <tr><td>CASE</td><td>NOM</td></tr> </table> </td></tr> <tr> <td>PRED</td><td>'bewundern'(\uparrow SUBJ)(\uparrow OBJ))'</td></tr> <tr> <td>TENSE</td><td>PRÄT</td></tr> <tr> <td>OBJ</td><td> <table border="1"> <tr><td>PRED</td><td>'Mädchen'</td></tr> <tr><td>DET</td><td>DEF</td></tr> <tr><td>NUM</td><td>SG</td></tr> <tr><td>GEN</td><td>NEUT</td></tr> <tr><td>CASE</td><td>AKK</td></tr> </table> </td></tr> </table>	SUBJ	<table border="1"> <tr><td>PRED</td><td>'Junge'</td></tr> <tr><td>DET</td><td>DEF</td></tr> <tr><td>NUM</td><td>SG</td></tr> <tr><td>GEN</td><td>MASK</td></tr> <tr><td>CASE</td><td>NOM</td></tr> </table>	PRED	'Junge'	DET	DEF	NUM	SG	GEN	MASK	CASE	NOM	PRED	'bewundern'(\uparrow SUBJ)(\uparrow OBJ))'	TENSE	PRÄT	OBJ	<table border="1"> <tr><td>PRED</td><td>'Mädchen'</td></tr> <tr><td>DET</td><td>DEF</td></tr> <tr><td>NUM</td><td>SG</td></tr> <tr><td>GEN</td><td>NEUT</td></tr> <tr><td>CASE</td><td>AKK</td></tr> </table>	PRED	'Mädchen'	DET	DEF	NUM	SG	GEN	NEUT	CASE	AKK
SUBJ	<table border="1"> <tr><td>PRED</td><td>'Junge'</td></tr> <tr><td>DET</td><td>DEF</td></tr> <tr><td>NUM</td><td>SG</td></tr> <tr><td>GEN</td><td>MASK</td></tr> <tr><td>CASE</td><td>NOM</td></tr> </table>	PRED	'Junge'	DET	DEF	NUM	SG	GEN	MASK	CASE	NOM																		
PRED	'Junge'																												
DET	DEF																												
NUM	SG																												
GEN	MASK																												
CASE	NOM																												
PRED	'bewundern'(\uparrow SUBJ)(\uparrow OBJ))'																												
TENSE	PRÄT																												
OBJ	<table border="1"> <tr><td>PRED</td><td>'Mädchen'</td></tr> <tr><td>DET</td><td>DEF</td></tr> <tr><td>NUM</td><td>SG</td></tr> <tr><td>GEN</td><td>NEUT</td></tr> <tr><td>CASE</td><td>AKK</td></tr> </table>	PRED	'Mädchen'	DET	DEF	NUM	SG	GEN	NEUT	CASE	AKK																		
PRED	'Mädchen'																												
DET	DEF																												
NUM	SG																												
GEN	NEUT																												
CASE	AKK																												